

# Macroeconomía Microfundamentada

## Política Fiscal

Tomás R. Martínez

INSPER

# Referências

---

- Garín, Leste, and Sims: Cap. 13
- Kurlat: Cap. 6 (p.113-115)

# Introdução

---

- O governo é parte relevante do PIB:
  - ▶ Na maioria dos países, os gastos do governo são cerca de 30-40% do PIB.
  - ▶ Os gastos são usados para financiar bens públicos: educação, saúde, polícia, defesa nacional, etc.

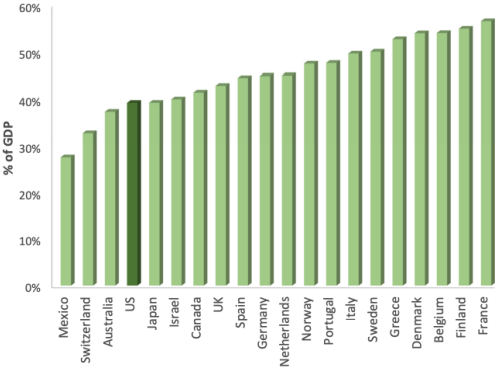
$$Y = C + I + G$$

- Esses gastos são financiados via os mais variados tributos.
- O governo também pode acumular dívida, absorvendo a poupança das famílias.
- Vamos pensar como a política fiscal afeta os agentes (famílias e firmas) e portanto os agregados macroeconômicos.

# Gastos do Governo

---

Figura: Government Spending across Countries (avg 2010-2019)



Fonte: [PhD Macrobook: Government and Public Policy](#)

# Restrição Orçamentária do Governo

---

- Suponha a **restrição orçamentária do governo** em um período arbitrário  $t$ :

$$\underbrace{(1 + r_t)B_t + G_t}_{\text{Pagamento da dívida + Gastos}} = \underbrace{B_{t+1} + T_t}_{\text{Emissão de dívida + arrecadação}}$$

- ▶  $G_t$  é o gasto do governo em bens finais.
  - ▶  $T_t$  é a arrecadação tributária total.
  - ▶  $B_t$  o estoque de dívida pública em  $t$ .
- Note que  $B_t > 0$  significa dívida e  $B_t < 0$  significa poupança pública.
  - $T_t$  representa a arrecadação total de todos impostos: consumo, renda, capital, transferências líquidas e etc.

## Política Fiscal no Modelo de 2 Períodos

---

- Suponha que o mundo dure 2 períodos: primeiro período,  $t$ , e o segundo período  $t + 1$ . O governo não tem dívida inicial.
- As restrições orçamentárias do período  $t$  e  $t + 1$ :

$$G_t = B_{t+1} + T_t \quad \text{período } t$$

$$G_{t+1} + (1 + r_{t+1})B_{t+1} = B_{t+2} + T_{t+1} \quad \text{período } t + 1$$

- Assim como nas famílias, vamos assumir que o governo não pode “morrer endividado”:  
 $B_{t+2} \leq 0$ . Por outro lado, o governo não quer “morrer com poupança na mão”:  $B_{t+2} \geq 0$ .
- Isso significa que:  $B_{t+2} = 0$

## Restrição Orçamentária Intertemporal do Gov.

---

- Combinando as restrições dos dois períodos, encontramos a **restrição orçamentária intertemporal do governo**:

$$\underbrace{G_t + \frac{G_{t+1}}{1 + r_{t+1}}}_{\text{valor presente dos gastos}} = \underbrace{T_t + \frac{T_{t+1}}{1 + r_{t+1}}}_{\text{valor presente da arrecadação}}$$

- O governo **NÃO** precisa balancear o orçamento em um período específico (i.e,  $T_t = G_t$ ), mas precisa balancear em valor presente.
  - ▶ Note que isso é uma suposição. Por exemplo, não estamos considerando a possibilidade de *default*.
- Vamos assumir que as famílias tomam  $G$  como dado (é uma escolha política).

# Famílias

---

- Para simplificar vamos considerar que a família escolhe apenas consumo (e não lazer) e utilidade log.
- É uma economia sem produção, nem capital. A família recebe uma renda exógena e fixa no primeiro e segundo período:  $Y_t$  e  $Y_{t+1}$  (essa também é a renda agregada da economia).
- Suponha que o único imposto na economia é uma taxa *lump-sum*:  $T_t = \tau_t$ .
- As restrições orçamentárias da família são (em  $t$  e  $t + 1$ ):

$$c_t + a_{t+1} = Y_t - \tau_t \quad \text{período } t$$

$$c_{t+1} = a_{t+1}(1 + r_{t+1}) + Y_{t+1} - \tau_{t+1} \quad \text{período } t + 1$$



- Combinando as restrições, encontramos a restrição orçamentária intertemporal:

$$c_t + \frac{c_{t+1}}{1 + r_{t+1}} = Y_t - \tau_t + \frac{Y_{t+1} - \tau_{t+1}}{1 + r_{t+1}}$$

- Combinando as restrições, encontramos a restrição orçamentária intertemporal:

$$c_t + \frac{c_{t+1}}{1 + r_{t+1}} = Y_t - \tau_t + \frac{Y_{t+1} - \tau_{t+1}}{1 + r_{t+1}}$$

- O problema da família é:

$$\begin{aligned} & \max_{c_t, c_{t+1}} \ln(c_t) + \beta \ln(c_{t+1}) \\ \text{s.à} \quad & c_t + \frac{c_{t+1}}{1 + r_{t+1}} = Y_t - \tau_t + \frac{Y_{t+1} - \tau_{t+1}}{1 + r_{t+1}} \end{aligned}$$

- É exatamente igual ao problema de consumo-poupança, mas agora a renda é **líquida de imposto**.

## Famílias: Solução

---

- Podemos resolver usualmente utilizando o Lagrangeano.
- A solução implica na **equação de Euler** usual:

$$\frac{1}{c_t} = \beta(1 + r_{t+1})\frac{1}{c_{t+1}}$$

- Note que o imposto *lump-sum* não alterou a decisão das famílias, apenas reduziu a sua renda líquida intertemporal.

## Famílias: Solução

---

- Combinando as duas restrições orçamentárias intertemporais:

$$c_t + \frac{c_{t+1}}{1 + r_{t+1}} = Y_t + \frac{Y_{t+1}}{1 + r_{t+1}} - G_t - \frac{G_{t+1}}{1 + r_{t+1}}$$

- A solução é um sistema de duas equações (a eq. acima e a eq. de Euler). Em particular,  $c_t$  é:

$$c_t = \frac{1}{1 + \beta} \left[ Y_t + \frac{Y_{t+1}}{1 + r_{t+1}} - G_t - \frac{G_{t+1}}{1 + r_{t+1}} \right]$$

- Note que a solução da família **NÃO DEPENDE DOS IMPOSTOS**  $\tau_t$  e  $\tau_{t+1}$ . Apenas do nível dos gastos do governo.

## Equivalência Ricardiana

---

- O que acontece se o governo não cobrar imposto no primeiro período, se endividar e cobrar tudo no segundo período?  $T_t = 0$  e  $G_t = B_{t+1}$ .

## Equivalência Ricardiana

---

- O que acontece se o governo não cobrar imposto no primeiro período, se endividar e cobrar tudo no segundo período?  $T_t = 0$  e  $G_t = B_{t+1}$ .
- Sabendo que o governo vai cobrar tudo no segundo período, as famílias deixarão de consumir e irão **aumentar a sua poupança**, se preparando para pagar os impostos no período seguinte.

## Equivalência Ricardiana

---

- O que acontece se o governo não cobrar imposto no primeiro período, se endividar e cobrar tudo no segundo período?  $T_t = 0$  e  $G_t = B_{t+1}$ .
- Sabendo que o governo vai cobrar tudo no segundo período, as famílias deixarão de consumir e irão **aumentar a sua poupança**, se preparando para pagar os impostos no período seguinte.
- Por outro lado, se o governo cobrar todo o imposto no primeiro período e manter imposto zero no segundo período, as famílias irão pegar emprestado para pagar o imposto e manter o mesmo nível de consumo.
- Ou seja, para o consumo das famílias, é irrelevante se o governo cobra o imposto hoje ou amanhã. O importante é o valor presente dos impostos (que depende do VP dos gastos).

# Equivalência Ricardiana

---

- Note que  $T_t$ ,  $T_{t+1}$  e  $B_{t+1}$  são irrelevantes para o equilíbrio do modelo. Essa irrelevância do nível de dívida pública é chamada de **Equivalência Ricardiana**.
- Essa ideia é inicialmente atribuída a David Ricardo (o economista clássico) e formalizada posteriormente por **Robert Barro** (1974, 1979).
- Colocada de maneira diferente: um aumento de  $G$  vai ter o mesmo efeito se for financiado por imposto ou dívida.
- Assim como uma transferência unilateral (um auxílio do governo) financiada por dívida não vai ter efeito nenhum, já que as famílias simplesmente irão poupar para pagar os impostos no futuro  $\Rightarrow$  As famílias se importam apenas com sua **renda permanente!**



## *Recast as 'Stimmies,' Federal Relief Checks Drive a Stock Buying Spree*

The government set out to prop up the economy. It may also be propping up the market.



Abraham Sanchez, a Sacramento musician, put \$1,200 of his stimulus money last week into his Robinhood trading account. Saigu Wissmath for The New York Times

# Equivalência Ricardiana

---

- Note que o aumento da dívida **NÃO** altera a taxa de juros de equilíbrio.
- No modelo de dois períodos com governo, a poupança agregada (i.e., a condição de equilíbrio no mercado de ativos) é:

$$a_{t+1} = B_{t+1}$$

- ▶ Já que não colocamos capital (poderíamos colocar, é irrelevante), a poupança das famílias financia a dívida dos governos.
- Quando o governo se endivida (e não cobra imposto), a família responde poupando para pagar o imposto futuro:  $a_{t+1}$  e  $B_{t+1}$  sobem na mesma magnitude e a poupança agregada e a tx. de juros não se alteram.

# Equivalência Ricardiana

---

- Note que o aumento da dívida **NÃO** altera a taxa de juros de equilíbrio.
- No modelo de dois períodos com governo, a poupança agregada (i.e., a condição de equilíbrio no mercado de ativos) é:

$$a_{t+1} = B_{t+1}$$

- ▶ Já que não colocamos capital (poderíamos colocar, é irrelevante), a poupança das famílias financia a dívida dos governos.
- Quando o governo se endivida (e não cobra imposto), a família responde poupando para pagar o imposto futuro:  $a_{t+1}$  e  $B_{t+1}$  sobem na mesma magnitude e a poupança agregada e a tx. de juros não se alteram.
- Uma outra maneira é olhar que o equilíbrio no mercado de bens finais também é o mesmo:  
 $Y_t = C_t + G_t$ .

# Equivalência Ricardiana: Hipóteses

---

- A equivalência ricardiana é uma proposição que só é sustentada em hipóteses não-realísticas.
- Em particular, a **Equivalência Ricardiana** precisa que:
  - (i) Os impostos não sejam distorcivos (como a taxaçoão **lump-sum**).
  - (ii) As famílias possam pegar empréstimos sem restrições (não existem “fricções” no mercado de crédito).
  - (iii) As famílias sejam racionais, tomem suas decisões olhando para o futuro e acreditem que a restrição intertemporal do governo será sustentada.
  - (iv) O governo e a família tem horizontes temporais semelhantes (por exemplo, um indivíduo no final da vida não se importa sobre o que acontecerá daqui a 10 anos).
- Nenhuma dessas condições são verdade no mundo real. Ainda assim, alguns insights da equivalência ricardiana são importantes para pensar em política fiscal no mundo real.

## Mudanças em G

# Mudanças na Política Fiscal

---

- No modelo de 2 períodos, vimos que a função consumo é:

$$c_t = \frac{1}{1 + \beta} \left[ Y_t + \frac{Y_{t+1}}{1 + r_{t+1}} - G_t - \frac{G_{t+1}}{1 + r_{t+1}} \right] = C(\underbrace{Y_t - G_t}_{+}, \underbrace{Y_{t+1} - G_{t+1}}_{+}, \underbrace{r_{t+1}}_{-})$$

- Claramente, um aumento dos gastos do gov.,  $G_t$  ou  $G_{t+1}$ , diminui o consumo das famílias.
- Mas o que acontece no equilíbrio do modelo (i.e., taxas de juros, renda agregada)?
- Lembre-se da equação de equilíbrio no mercado de bens finais:  $Y_t = C_t + G_t$ .

- Substituindo a função consumo, temos:

$$Y_t = \mathcal{C}(Y_t - G_t, Y_{t+1} - G_{t+1}, r_{t+1}) + G_t$$

- Imagine uma mudança nos gastos correntes. Podemos calcular o multiplicador fiscal como a derivada parcial de  $Y_t$  com respeito a  $G_t$ :

$$\frac{\partial Y_t}{\partial G_t} = \frac{\partial \mathcal{C}}{\partial G_t} + 1$$

- Sabemos que  $\frac{\partial \mathcal{C}}{\partial G_t} < 0$ , mas é suficiente para anular o efeito direto de  $G_t$  (i.e., o +1)?

# Mudanças na Política Fiscal Corrente

---

- Lembre-se que  $Y_t$  é fixo. Portanto, temos que  $\frac{\partial Y_t}{\partial G_t} = 0$ .
- Isso significa que o consumo,  $C$ , tem que cair na mesma magnitude que  $G_t$  sobe para que a equação  $Y_t = C_t + G_t$  seja válida.
- Contudo, olhando a equação de consumo, a mudança de  $G_t$  não é suficiente, algo mais precisa mudar. O que?



# Mudanças na Política Fiscal Corrente

---

- Lembre-se que  $Y_t$  é fixo. Portanto, temos que  $\frac{\partial Y_t}{\partial G_t} = 0$ .
- Isso significa que o consumo,  $C$ , tem que cair na mesma magnitude que  $G_t$  sobe para que a equação  $Y_t = C_t + G_t$  seja válida.
- Contudo, olhando a equação de consumo, a mudança de  $G_t$  não é suficiente, algo mais precisa mudar. O que?

$$c_t = \frac{1}{1 + \beta} \left[ Y_t + \frac{Y_{t+1}}{1 + r_{t+1}} - G_t - \frac{G_{t+1}}{1 + r_{t+1}} \right]$$

- A taxa de juros,  $r_{t+1}$ !

## Derivando a taxa de juros

---

- Para encontrar a taxa de juros, vamos combinar a função consumo na eq. de equilíbrio do mercado de bens:

$$Y_t = \frac{1}{1 + \beta} \left[ Y_t - G_t + \frac{Y_{t+1} - G_{t+1}}{1 + r_{t+1}} \right] + G_t$$
$$Y_t - G_t = \frac{Y_t - G_t}{1 + \beta} + \frac{Y_{t+1} - G_{t+1}}{(1 + \beta)(1 + r_{t+1})}$$
$$\Rightarrow 1 + r_{t+1} = \frac{1}{\beta} \frac{Y_{t+1} - G_{t+1}}{Y_t - G_t}$$

- ▶ Um aumento de  $G_t$ , aumenta a taxa de juros  $r_{t+1}$ ;
- ▶ Um aumento de  $G_{t+1}$ , diminui a taxa de juros  $r_{t+1}$ ;

## Mudanças na Política Fiscal Corrente

---

- Um aumento dos gastos,  $G_t$ , tem um efeito direto: diminui a renda disponível intertemporal já que os impostos vão ter que aumentar para financiar o gasto.
- Esse efeito é  $< 1$  (no nosso exemplo é igual a  $1/(1 + \beta)$ ).
- Mas também tem um efeito indireto via taxa de juros: um aumento de  $G_t$  diminui a quantidade de bens produzidos  $Y_t$  disponíveis para o consumo das famílias.
- Intuitivamente, as famílias gostariam de trazer consumo do futuro para o presente via empréstimo, mas não conseguem ( $Y_t$  é fixo). Essa pressão faz  $r_{t+1}$  subir, desencorajando o consumo ainda mais.

# Mudanças na Política Fiscal Futura

---

- Qual o efeito de gastos futuros,  $G_{t+1}$ , nas variáveis do primeiro período?
- Um aumento dos gastos,  $G_{t+1}$ , tem um efeito direto: diminui a renda disponível intertemporal já que os impostos vão ter que aumentar para financiar o gasto.
- Lembre-se que no equilíbrio:  $Y_t = C_t + G_t$ .
  - ▶ Mas se  $Y_t$  e  $G_t$  são fixos, logo  $C_t$  não mudará!
- Logo o efeito indireto via taxa de juros é o oposto: a taxa de juros tem que diminuir para encorajar mais consumo e anular o efeito negativo de  $G_{t+1}$

# Taking Stock

---

- Em uma economia que a renda é determinada pela oferta,  $Y_t$  é fixo no curto prazo. Esse é o caso quando assumimos que a produção é dado pela quantidade de capital,  $K_t$ , por exemplo.
- Neste caso, mudanças na política fiscal,  $G_t$ , não alteram a produção, e existe um **crowding-out** no consumo: aumentos de  $G_t$ , diminuem  $C_t$  na mesma magnitude.
  - ▶ Aumento de gasto do governo apenas diminui o consumo.
- Em uma economia com capital e investimento, a coisa é mais complicada mas a intuição permanece. Aumento de gastos não tem efeito multiplicador.
- Implicitamente esse efeito ocorre porque estamos assumindo que os preços são flexíveis. Em modelos com rigidez de preço,  $Y_t$ , aumentos de  $G_t$  começam a ter efeitos mais relevantes.
  - ▶ **Spoiler:** Vai depender de como a política monetária vai responder!

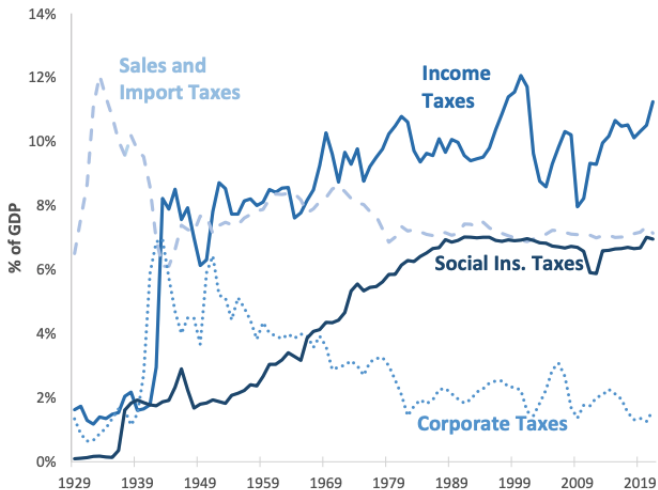
# Taxação Distorciva

# Taxação Distorciva

---

- Até o presente momento, consideramos que o governo apenas usa a taxaçoão lump-sum.
- No mundo real, existem vários tipos de impostos:
  - ▶ Imposto sobre o consumo - Sales Tax, ICMS, VAT, impostos de importação;
  - ▶ Imposto sobre o capital;
  - ▶ Imposto sobre a renda do trabalho;
  - ▶ Imposto sobre o lucro e dividendos;
  - ▶ Imposto sobre o patrimônio - Herança (ITCMD), IPVA, IPTU;
- Como colocar isso no modelo?

# Impostos nos EUA ao longo do tempo





# Arrecadação Tributária

---

- A arrecadação tributária total dependa das alíquotas das base tributárias:

$$T_t = \tau_t^c c_t + \tau_t^k r_t a_t + \tau_t^n w_t N_t + \tau_t$$

- ▶  $\tau_t^c$  é a alíquota tributária sobre consumo.
  - ▶  $\tau_t^k$  e  $\tau_t^n$  são alíquotas sobre a renda do capital e do trabalho.
  - ▶  $\tau_t$  é o imposto *lump-sum* (transferências líquidas).
- Lembre-se que as famílias tomam as alíquotas como dado (são objetos de política econômica), mas as bases tributárias são objetos endógenos, porque as famílias decidem o quanto consumir, poupar, trabalhar, etc.
- Colocamos subscritos  $t$  nas alíquotas, porque elas podem mudar durante o tempo. Pense em uma mudança de política econômica ou um imposto temporário.

# Problema das Famílias

---

- Suponha que a família deriva utilidade  $\ln$  do consumo em dois períodos:  
 $\ln(c_t) + \beta \ln(c_{t+1})$ .
- A renda familiar pode vir do trabalho, capital ou de transferências governamentais.
- As restrições orçamentárias da família são (em  $t$  e  $t + 1$ ):

$$c_t(1 + \tau_t^c) + a_{t+1} = w_t N_t(1 - \tau_t^n) - \tau_t \quad \text{período } t$$

$$c_{t+1}(1 + \tau_{t+1}^c) = w_{t+1} N_{t+1}(1 - \tau_{t+1}^n) + a_{t+1}(1 + r_{t+1}(1 - \tau_{t+1}^k)) - \tau_{t+1} \quad \text{período } t + 1$$

- Combinando as restrições (substitua em  $a_{t+1}$ ), encontramos a restrição orçamentária intertemporal.
- O problema da família é:

$$\begin{aligned} & \max_{c_t, c_{t+1}} \ln(c_t) + \beta \ln(c_{t+1}) \\ \text{s.à} \quad & c_t(1 + \tau_t^c) + \frac{c_{t+1}(1 + \tau_{t+1}^c)}{1 + r_{t+1}(1 - \tau_{t+1}^k)} = \dots \\ & \dots = w_t N_t (1 - \tau_t^n) - \tau_t + \frac{1}{1 + r_{t+1}(1 - \tau_{t+1}^k)} [w_{t+1} N_{t+1} (1 - \tau_{t+1}^n) - \tau_{t+1}] \end{aligned}$$

- Apesar de grande, o problema é essencialmente o mesmo que já fizemos na parte anterior.

## Famílias: Solução

---

- Considere que  $\lambda$  seja o multiplicador de lagrange da restrição orçamentária intertemporal.
- As condições de primeira ordem com relação à  $c_t$  e à  $c_{t+1}$  são:

$$\frac{1}{c_t} = \lambda(1 + \tau_t^c) \quad \& \quad \frac{\beta}{c_{t+1}} = \lambda \frac{(1 + \tau_{t+1}^c)}{1 + r_{t+1}(1 - \tau_{t+1}^k)}$$

- Combinando as duas condições encontramos a equação de Euler:

$$\frac{1}{c_t} = \frac{(1 + \tau_t^c)}{(1 + \tau_{t+1}^c)} \frac{\beta(1 + r_{t+1}(1 - \tau_{t+1}^k))}{c_{t+1}}$$

# Taxação Distorciva

---

- Note que os impostos **distorcem** a decisão de consumo-poupança da eq. de Euler:

$$\frac{1}{c_t} = \frac{(1 + \tau_t^c)}{(1 + \tau_{t+1}^c)} \frac{\beta(1 + r_{t+1}(1 - \tau_{t+1}^k))}{c_{t+1}}$$

- Se o imposto sobre o consumo for maior amanhã:  $\tau_{t+1}^c > \tau_t^c$ , as famílias irão preferir **consumir mais hoje** (e vice-versa).
- O imposto sobre o capital,  $\tau_{t+1}^k$ , diminuem o retorno dos ativos financeiros e portanto desincentivam a poupança.

# Efeito dos Impostos no Equilíbrio

---

- Dizemos que o imposto é distorcivo se ele altera a decisão dos agentes e portanto o equilíbrio.
  1. O imposto sobre o capital é distorcivo.
  2. Quando há decisão de trabalho-lazer, o imposto sobre o trabalho é distorcivo (veja os slides da decisão de trabalho). No exemplo anterior não tinha.
  3. Variações no imposto de consumo (i.e.,  $\tau_t^c \neq \tau_{t+1}^c$ ) são distorcivas. Se eles forem constantes, não são distorcivos já que se anulam.
  4. O imposto lump-sum **não** é distorcivo.

## Efeito dos Impostos no Equilíbrio

---

- Os impostos distorcivos não só alteram a decisão dos agentes, mas também os preços de equilíbrio.
- Por exemplo, se tivéssemos resolvido para a taxa de juros do modelo acima, iríamos ver que quanto maior o imposto sobre o capital menor a poupança.
- Quando menor a poupança, maior a taxa de juros.
- **Nota:** caso você queira resolver o modelo totalmente, trate os impostos distorcivos e  $G$  como parâmetros e o lump-sum,  $\tau$ , como uma variável endógena que se ajusta para sustentar a restrição intertemporal do governo (como se fosse um preço).

# Taking Stock

---

- Política fiscal é uma área extremamente relevante da macroeconomia, além de ser bastante conectada com um mundo real.
- Não só o nível de gastos é importante, mas também o tipo de imposto utilizado para financiar o gasto.
- Em particular, impostos distorcivos podem ser bastante nocivos para a economia.
- Existem muitos outros tópicos interessantes que não vimos: impostos sobre a firma, sustentabilidade da dívida, taxaçoão progressiva, decisão de default, transferências e seguridade social, etc.