

Macroeconomia Microfundamentada

Produção e Investimento

Tomás R. Martinez

INSPER

Referências

- Garín, Leste, and Sims: Cap. 12
- Kurlat: Cap. 8 (e Cap. 4.1 / 4.4)

- Até o presente momento focamos nas decisões das famílias.
- Neste capítulo iremos focar nas decisões de produção e investimento das firmas.
- Dois componentes cruciais macroeconômicos (em uma economia fechada):

$$Y = C + I + G$$

A Função de Produção Agregada

- Vamos assumir que existe uma “firma representativa” responsável pela produção da economia. Ela produz com a função de produção, $F(\cdot)$:

$$Y_t = A_t F(K_t, N_t)$$

- ▶ Y_t : Produção agregada no período t (em unidades do “bem final”);
 - ▶ K_t : Capital agregado (máquinas, equipamentos, e edifícios);
 - ▶ N_t : Trabalho usado na produção (horas trabalhadas);
 - ▶ A_t (ou Z_t): Produtividade total dos fatores, PTF (*total factor productivity* - TFP);
- Y_t , K_t , N_t são observados nos dados. Dado uma função F podemos recuperar A_t como um resíduo.
 - ▶ A_t é uma medida de “eficiência tecnológica” (mas também da nossa ignorância).

Interpretando a Função de Produção

- Nas contas nacionais, o PIB pode ser computado de três maneiras:
 - ▶ **Método da produção:** soma do valor adicionado (produção menos insumos intermediários) de todos os bens;
 - ▶ **Método da renda:** soma de todas as rendas (salários, juros, lucros);
 - ▶ **Método da despesa:** soma dos gastos em todos os bens finais ($C + I + G$).

Interpretando a Função de Produção

- Nas contas nacionais, o PIB pode ser computado de três maneiras:
 - ▶ **Método da produção:** soma do valor adicionado (produção menos insumos intermediários) de todos os bens;
 - ▶ **Método da renda:** soma de todas as rendas (salários, juros, lucros);
 - ▶ **Método da despesa:** soma dos gastos em todos os bens finais ($C + I + G$).
- $Y_t = A_t F(K_t, N_t)$ representa a produção de todos os bens finais, que é igual a soma dos valores adicionados já que não há uso bens intermediários.
 - ▶ É possível quebrar essa relação com uma função de produção que inclui insumos intermediários, M : $F(K, N, M)$.

Interpretando a Função de Produção

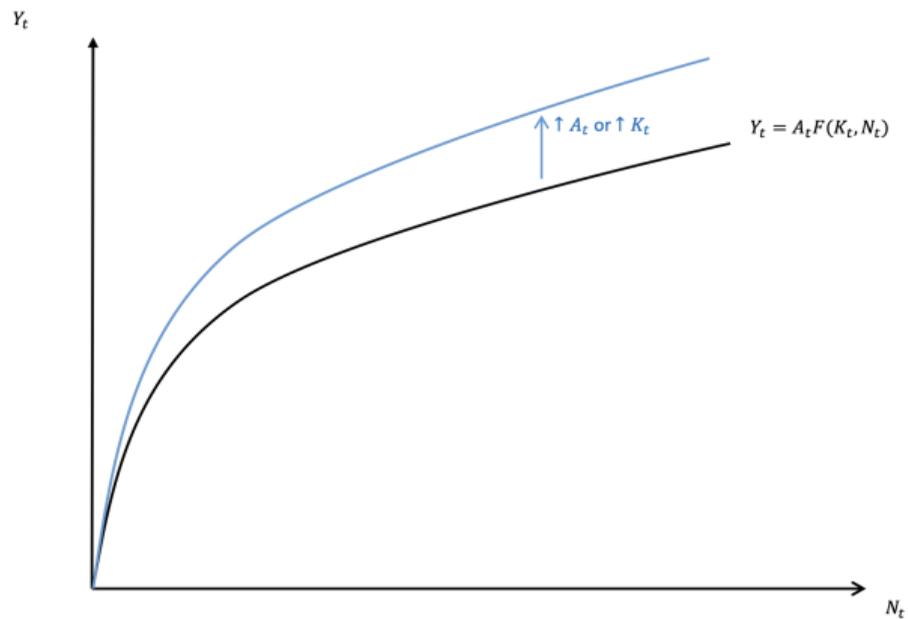
- Por construção, $AF(K, N)$ está incluindo a produção de todas as firmas em todos os setores.
- Modelos mais complexos podem “abrir” a função de produção agregada e modelar explicitamente:
 - ▶ Firmas com produtividades e tamanhos diferentes.
 - ▶ Setores diferentes e toda a relação da cadeia de produção setorial.
- Vamos manter o problema simples e concentrar na produção final (i.e, o PIB).

Hipóteses sobre a Função de Produção

- (i) **Retornos constantes de escala:** $F(\lambda K, \lambda N) = \lambda F(K, N)$ para qualquer $\lambda > 0$.
- ▶ A produção aumenta proporcionalmente com os insumos.
- (ii) **Crescente nos insumos:** $F_K(K, N) > 0$ e $F_N(K, N) > 0$.
- ▶ Trabalhadores adicionais ou capital adicional acrescenta pelo menos um pouco à produção.
- (iii) **Produtividade Marginal Decrescente:** $F_{KK}(K, N) < 0$ e $F_{NN}(K, N) < 0$.
- ▶ Adicionar apenas um dos fatores torna-se cada vez menos útil quanto mais você o faz.
- (iv) **Condições de Inada:** $\lim_{K \rightarrow 0} F_K(K, N) = \infty$, $\lim_{K \rightarrow +\infty} F_K(K, N) = 0$,
 $\lim_{N \rightarrow 0} F_N(K, N) = \infty$, $\lim_{N \rightarrow +\infty} F_N(K, N) = 0$.
- (v) **Ambos os fatores são necessários:** $F(0, N) = 0$ e $F(K, 0) = 0$.

Notação: Produtividade Mg. de K = $F_K(K, N) = \frac{\partial F(K, N)}{\partial K}$

Função de Produção



Fonte: GLS.

Funções de Produção Populares

- Cobb-Douglas:

$$F(K, N) = K^\alpha N^{1-\alpha} \quad 0 < \alpha < 1$$

- CES (constant elasticity of substitution):

$$F(K, N) = \left(\alpha K^{\frac{\sigma-1}{\sigma}} + (1-\alpha) N^{\frac{\sigma-1}{\sigma}} \right)^{\frac{\sigma}{\sigma-1}} \quad 0 < \alpha < 1$$

- ▶ onde $\sigma > 0$ é a elasticidade de substituição.
- ▶ $\sigma < 1$: complementares brutos;
- ▶ $\sigma > 1$: substitutos brutos;
- ▶ $\sigma = 1$: cobb-douglas.

Capital e Investimento

- Capital é um **estoque**, leva tempo para ser construído e deprecia a taxa δ .
- O estoque de capital de $t + 1$ é igual ao capital não depreciado mais o **fluxo** de investimento, I .
- A **lei de movimento do capital** é

$$K_{t+1} = (1 - \delta)K_t + I_t$$

- Note que pela perspectiva da firma capital é pre-determinado e portanto exógeno em t .
- Vamos assumir que a economia começa com algum capital.

Investimento no BR

Dados de fluxo e estoque de capital fixo de 2021 em relação a 2020

(Em R\$ milhões de 2010)

Categorias	FBCF			Depreciação		
	2020	2021	%	2020	2021	%
Construção – residencial	152.706	168.368	10,26	136905	133.642	-2,38
Construção – infraestrutura	86.017	98.627	14,66	74954	82.448	10,00
Construção – demais estruturas	102.590	115.741	12,82	111286	100.991	-9,25
Máquinas e equipamentos	243.051	269.940	11,06	272601	282.132	3,50
Outros	105.901	127.841	20,72	110949	110.797	-0,14
Total	690.264	780.518	13,08	706695	710.009	0,47

Categorias	Investimento líquido		Estoque de capital		
	2020	2021	2020	2021	%
Construção – residencial	15.801	34.727	3.426.287	3.461.014	1,01
Construção – infraestrutura	11.063	16.179	1.654.021	1.670.200	0,98
Construção – demais estruturas	-8.696	14.750	2.765.588	2.780.338	0,53
Máquinas e equipamentos	-29.550	-12.191	1.792.836	1.780.645	-0,68
Outros	-5.048	17.044	381.396	398.440	4,47
Total	-16.431	70.509	10.020.128	10.090.637	0,70

Problema da Firma

- As famílias são donas das firmas e recebem a distribuição dos dividendos, mas a firma toma suas próprias decisões para maximizar seu lucro
- Iremos supor que a firma NÃO tem poder de mercado (i.e., competição perfeita).
- Duas maneiras de escrever o problema da firma:
 - (i) As famílias são as donas do capital, K , e alugam para a firma em cada período. As famílias tomam as decisões de investimento.
 - (ii) A firma é dona do capital, K , e toma as decisões de investimento.
- Como a família é dona da firma e a poupança (das famílias) é igual ao investimento, essa decisão é inócua na maioria dos casos.

Problema da Firma: Família Dona do Capital

- Se a família for dona do capital, o problema da firma é estático e podemos resolver período-a-período.
- Dado os salários, w_t , e a taxa de aluguel de capital (líquido da depreciação), r_t^K , a firma escolhe quanto capital e quanto trabalho quer contrata para maximizar seu lucro:

$$D_t = \max_{N_t, K_t} p_t A_t F(K_t, N_t) - w_t N_t - (r_t^K + \delta) K_t$$

- ▶ Onde D_t é o lucro (dividendos) da firma no período t .
- ▶ O preço do bem final é normalizado para 1, $p_t = 1$ (numeraire).

Problema da Firma: Família Dona do Capital

- Se a família for dona do capital, o problema da firma é estático e podemos resolver período-a-período.
- Dado os salários, w_t , e a taxa de aluguel de capital (líquido da depreciação), r_t^K , a firma escolhe quanto capital e quanto trabalho quer contrata para maximizar seu lucro:

$$D_t = \max_{N_t, K_t} p_t A_t F(K_t, N_t) - w_t N_t - (r_t^K + \delta) K_t$$

- ▶ Onde D_t é o lucro (dividendos) da firma no período t .
 - ▶ O preço do bem final é normalizado para 1, $p_t = 1$ (numeraire).
- Condições de primeira ordem implicam para todos períodos:

$$AF_K(K, N) = r^K + \delta \quad \text{e} \quad AF_N(K, N) = w$$

Demanda por Capital e Trabalho

- Invertendo as equações de produto marginal encontramos as curvas de demanda do capital e trabalho.
- **Exemplo:** Cobb-Douglas, $Y = AK^\alpha N^{1-\alpha}$:

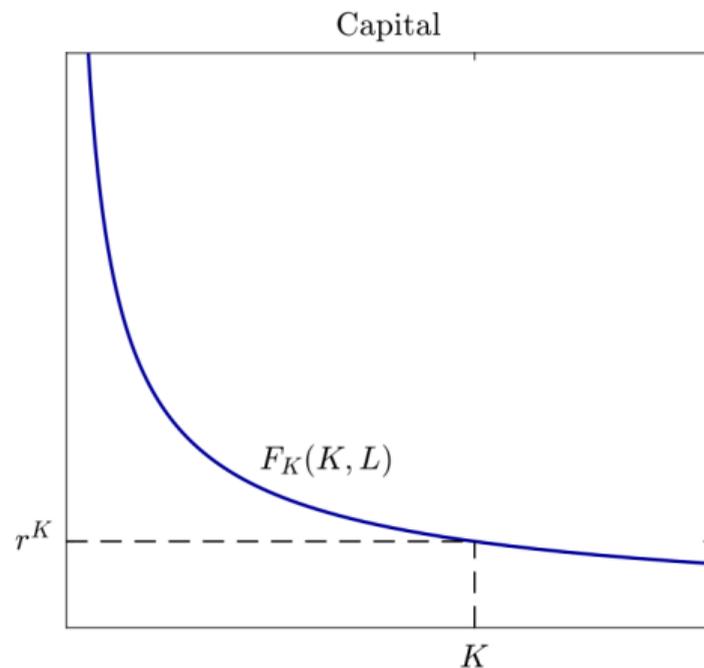
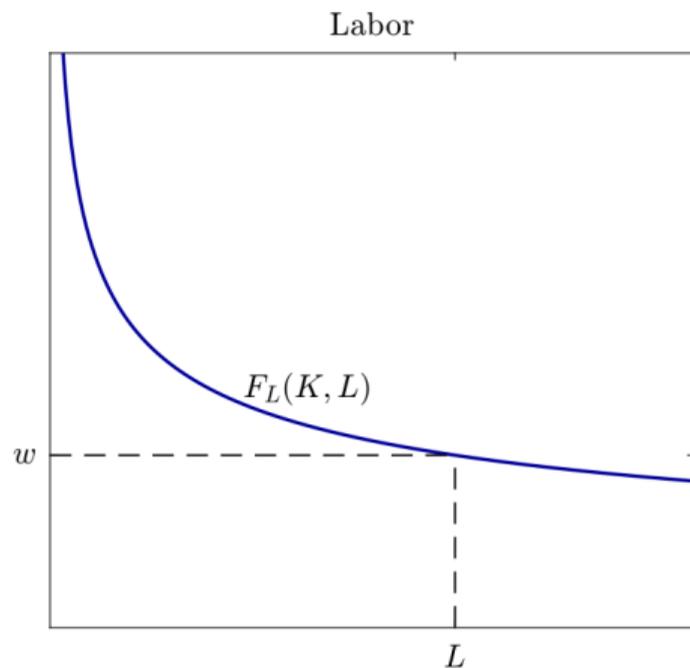
$$\alpha AK^{\alpha-1} N^{1-\alpha} = r^K + \delta \quad \text{e} \quad (1 - \alpha)AK^\alpha N^{-\alpha} = w$$

- Isolando K na primeira equação e N na segunda, temos a demanda por capital e por trabalho:

$$K = \mathcal{K}^d = \left(\frac{\alpha A}{r^K + \delta} \right)^{\frac{1}{1-\alpha}} N \quad \text{e} \quad N = \mathcal{N}^d = \left(\frac{(1-\alpha)A}{w} \right)^{\frac{1}{\alpha}} K$$

- Juntando as duas equações, encontramos que a firma escolhe sua razão capital-trabalho dependendo da razão dos preços dos insumos: $\frac{K}{N} = \frac{\alpha}{1-\alpha} \frac{w}{r+\delta}$.

Demanda por Capital e Trabalho



Fonte: Kurlat.

Lucro Zero

- Note que a hipótese de competição perfeita (preço = produto marginal) + retornos constante de escala implicam que a firma tem lucro econômico zero.
- Utilizando a função de custo total da firma e substituindo os preços pelos produtos marginais:

$$wN + (r^K + \delta)K = AF_N(K, N)N + AF_K(K, N)K$$

- Pelo [Identidade/Teorema de Euler](#), uma função de homogênea de grau 1 (i.e., com retornos constantes de escala) é:

$$AF_N(K, N)N + AF_K(K, N)K = AF(K, N)$$

Lucro Zero

- Note que a hipótese de competição perfeita (preço = produto marginal) + retornos constante de escala implicam que a firma tem lucro econômico zero.
- Utilizando a função de custo total da firma e substituindo os preços pelos produtos marginais:

$$wN + (r^K + \delta)K = AF_N(K, N)N + AF_K(K, N)K$$

- Pelo [Identidade/Teorema de Euler](#), uma função de homogênea de grau 1 (i.e., com retornos constantes de escala) é:

$$AF_N(K, N)N + AF_K(K, N)K = AF(K, N)$$

- Substituindo no problema temos que o lucro é igual a zero:

$$\text{Lucro} = D = Y - AF_N(K, N)N - AF_K(K, N)K = Y - AF(K, N) = 0$$

Problema da Firma: Firma Dona do Capital

- Colocar a família como a dona do capital e escrever o problema da firma estático é conveniente em vários aspectos.
- Como não altera o resultado na maioria dos modelos, é bem comum encontrar os problemas da firma escrito dessa maneira.
- Contudo, é importante modelar a decisão de investimento da firma caso queiramos estudar as suas decisões de financiamento e investimento.

Problema da Firma: Firma Dona do Capital

- Suponha que capital é fixo em t e a firma tem que investir I_t para poder aumentar seu estoque de capital no período seguinte, $t + 1$. A lei de movimento do capital é:
$$K_{t+1} = I_t + (1 - \delta)K_t.$$
- Vamos supor um modelo de 2 períodos. Em t o capital já é pré-determinado e dado por K_t . A firma tem que contratar o trabalho para produzir em t , e decidir o quanto investir para aumentar seu capital no período seguinte.
- Como o modelo só tem dois períodos, a firma vende todo seu capital não depreciado no final do período $t + 1$ (i.e., faz um investimento negativo):
$$K_{t+2} = 0 \Rightarrow I_{t+1} = -(1 + \delta)K_{t+1}.$$

Firma Dona do Capital

- A firma vive por dois períodos e tem que maximizar o seu dividendo (lucro) intertemporal descontado:

$$V_t = D_t + \frac{D_{t+1}}{1+r}$$

- O dividendo de cada período é dado pelo seu lucro operacional menos o gasto com investimento:

$$\begin{aligned} D_t &= Y_t - w_t N_t - I_t \\ &= \underbrace{A_t F(K_t, N_t) - w_t N_t}_{\text{lucro econômico operacional}} - I_t \end{aligned}$$

- ▶ Note que implicitamente estamos supondo que o preço do bem final é igual ao preço do investimento ($p_t = 1$, omitido).
- ▶ O lucro operacional pode ser resolvido como um problema estático onde a firma escolhe N_t .

Firma Dona do Capital

- Combinando as duas equações, temos o problema da firma completo:

$$V_t = \max_{K_{t+1}, N_t, N_{t+1}} A_t F(K_t, N_t) - w_t N_t - I_t + \frac{1}{1+r} [A_{t+1} F(K_{t+1}, N_{t+1}) - w_{t+1} N_{t+1} - I_{t+1}]$$

$$\text{s.à } K_{t+1} = I_t + (1 - \delta)K_t \quad \text{e} \quad K_{t+2} = I_{t+1} + (1 - \delta)K_{t+1} = 0$$

- ▶ Onde K_t é dado, já que foi escolhido em um período anterior ao problema.
- ▶ $K_{t+2} = 0$, ou seja, a firma vende todo o seu capital não depreciado no final do segundo período.

- Substituindo:

$$\max_{K_{t+1}, N_t, N_{t+1}} A_t F(K_t, N_t) - w_t N_t - K_{t+1} + (1 - \delta)K_t + \dots$$
$$\frac{1}{1 + r} [A_{t+1} F(K_{t+1}, N_{t+1}) - w_{t+1} N_{t+1} + (1 - \delta)K_{t+1}]$$

- As condições de primeira ordem são (as de N são iguais em t e $t + 1$):

$$A F_N(K, N) = w \quad \text{e} \quad A_{t+1} F_K(K_{t+1}, N_{t+1}) + (1 - \delta) = 1 + r$$

- São iguais ao problema estático!

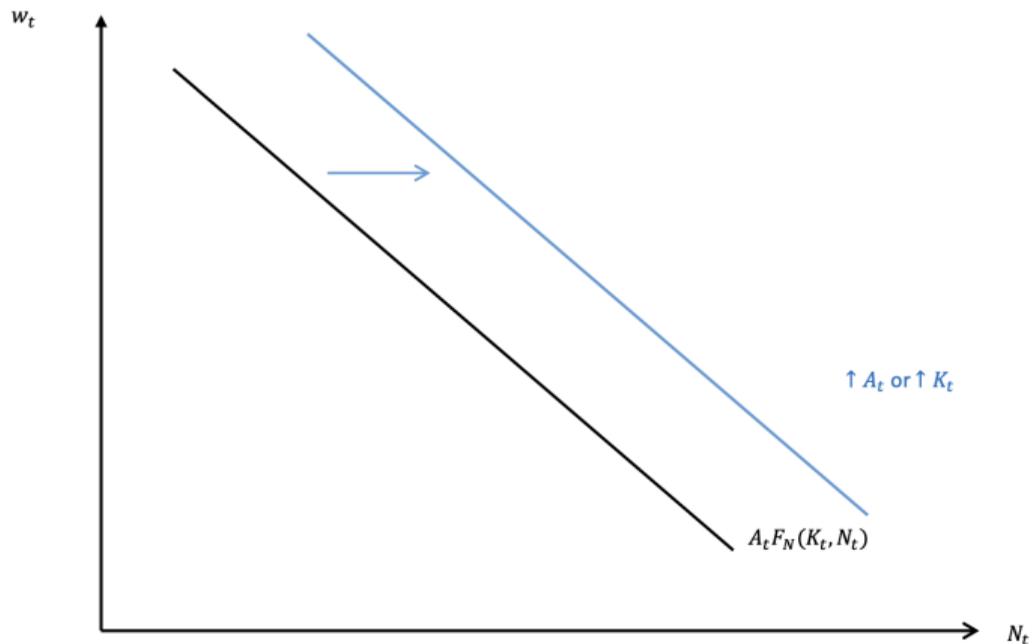
Demanda por trabalho

- Retornemos ao caso Cobb-Douglas. A demanda por trabalho, N_t (em $t + 1$ é similar):

$$N_t = \mathcal{N}^d(A_t, w_t, K_t) = \left(\frac{(1 - \alpha)A_t}{w_t} \right)^{\frac{1}{\alpha}} K_t$$

- A demanda por trabalho da firma aumenta se:
 - ▶ A eficiência tecnológica, A_t , aumenta.
 - ▶ O estoque de capital, K_t , aumenta.
 - ▶ O salário, w_t , diminui.

Demanda por Trabalho



Fonte: GLS.

Demanda por Investimento

- A demanda por capital futuro, K_{t+1} :

$$K_{t+1} = \mathcal{K}^d(A_{t+1}, r) = \left(\frac{\alpha A_{t+1}}{r + \delta} \right)^{\frac{1}{1-\alpha}} N_{t+1}$$

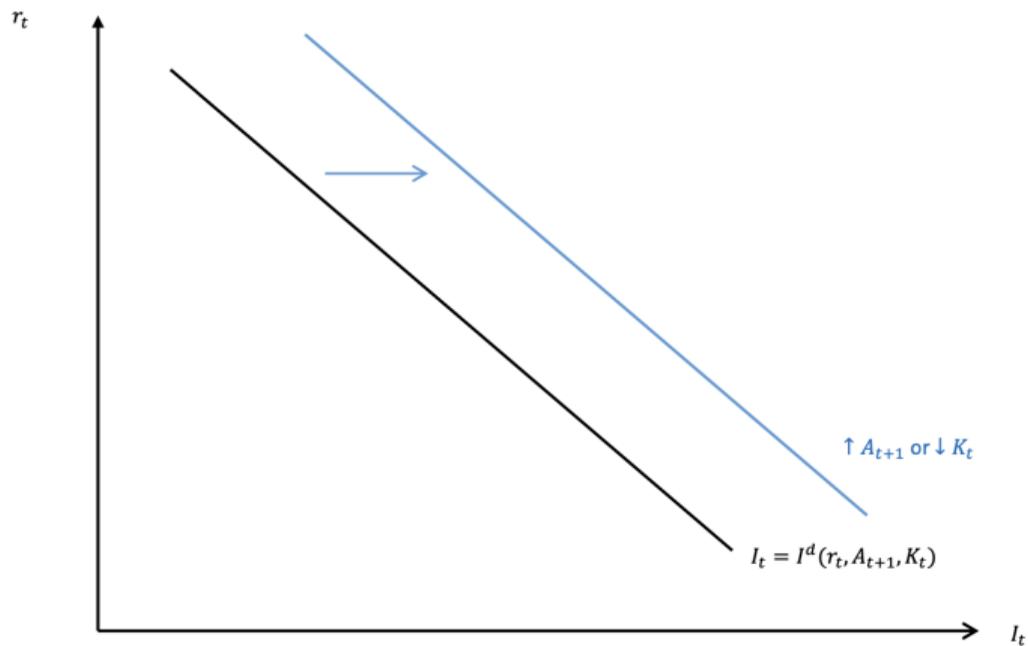
- Note que $N_{t+1} = \mathcal{N}^d(A_{t+1}, w_{t+1}, K_{t+1})$. Ou seja, a demanda por capital, depende de A_{t+1} , r e implicitamente de w_{t+1} (via trabalho).
- Utilizando a lei de movimento do capital, temos que a demanda por investimento:

$$I_t = \mathcal{I}^d(A_{t+1}, r, K_t) = K_{t+1} - (1 - \delta)K_t$$

Demanda por Investimento

- O que gera demanda por investimento? $I_t = \mathcal{I}^d(A_{t+1}, r, K_t)$
- Aumento de produtividade **futura**, A_{t+1} , faz com que as firmas invistam mais **hoje**.
- Queda na taxa de juros, r , aumenta o investimento: projetos arriscados ficam mais atrativos, além do custo do empréstimo ficar mais barato.
- Baixo capital inicial, K_t , faz com que se necessite alto investimento para chegar ao nível desejado de K_{t+1} .

Demanda por Investimento



Fonte: GLS.

Exemplos e Extensões

Financiamento via Dívida

- Até o momento, consideramos que as firmas financiam o investimento via **equity**, ou seja reduzindo os seus dividendos.
- Na realidade muitas firmas, principalmente as jovens e pequenas, financiam seus investimentos tomando empréstimos com os bancos.
- Considere agora que a firma pode pegar um empréstimo B_t no período t , e tem que pagar $(1 + r)B_{t+1}$ em $t + 1$.
- A fração q do investimento é financiado via **equity** e a fração $1 - q$ é financiado via **endividamento**: $(1 - q)I_t = B_t$.

Financiamento via Dívida

- Para simplificar, considere que a produção só depende do capital: $Y_t = A_t F(K_t)$. O lucro no período t :

$$\begin{aligned} D_t &= \underbrace{A_t F(K_t)}_{\text{lucro econômico operacional}} - \underbrace{I_t}_{\text{gasto com invest.}} + \underbrace{B_t}_{\text{empréstimo}} \\ &= A_t F(K_t) - qI_t \end{aligned}$$

- Onde na segunda linha usamos $(1 - q)I_t = B_t$.

Financiamento via Dívida

- Para simplificar, considere que a produção só depende do capital: $Y_t = A_t F(K_t)$. O lucro no período t :

$$\begin{aligned} D_t &= \underbrace{A_t F(K_t)}_{\text{lucro econômico operacional}} - \underbrace{I_t}_{\text{gasto com invest.}} + \underbrace{B_t}_{\text{empréstimo}} \\ &= A_t F(K_t) - qI_t \end{aligned}$$

- Onde na segunda linha usamos $(1 - q)I_t = B_t$. No período $t + 1$, o dividendo é:

$$\begin{aligned} D_{t+1} &= \underbrace{A_{t+1} F(K_{t+1})}_{\text{lucro econômico operacional}} + \underbrace{(1 - \delta)K_{t+1}}_{\text{venda do capital não-deprec.}} - \underbrace{(1 + r)B_t}_{\text{custo financeiro}} \\ &= A_{t+1} F(K_{t+1}) + (1 - \delta)K_{t+1} - (1 + r)(1 - q)I_t \end{aligned}$$

Financiamento via Dívida

- Colocando tudo junto, o valor presente descontado dos dividendos da firma é:

$$\max_{K_{t+1}} A_t F(K_t) - qI_t + \frac{1}{1+r} [A_{t+1} F(K_{t+1}) + (1-\delta)K_{t+1} - (1+r)(1-q)I_t]$$

s.à $K_{t+1} = I_t + (1-\delta)K_t$

- Substituindo I_t , e tomando a c.p.o com respeito à K_{t+1} :

$$q(1+r) + (1-q)(1+r) = A_{t+1} F_K(K_{t+1})$$

- Que resulta na mesma equação, independentemente do q !

Modigliani-Miller Theorem

- O teorema que diz que é irrelevante se a firma se financia via **equity** ou **dívida** é chamado de **Teorema de Modigliani-Miller** (1958).
 - ▶ Por Franco Modigliani (Nobel em 1985) e Merton Miller (Nobel em 1990).
- Note que o teorema só funciona em condições bastante fortes e irrealistas. Em particular, é necessário assumir:
 - ▶ Não há impostos nem descontos (sobre os dividendos ou nos juros sobre o capital);
 - ▶ Não há custos de transação, agência, nem de falência;
 - ▶ Não há assimetria de informação;
 - ▶ Indivíduos e firmas pagam empréstimos a mesma taxa de juros.
- Neste caso a **princípio da irrelevância da estrutura de capital** é válido.
 - ▶ Note, que, justamente por esses princípios serem violados que a estrutura de capital é importante no mundo real!

Fricções Financeiras

- Até agora consideramos que os mercados financeiros funcionam perfeitamente, mas essa hipótese está longe da realidade.
- As empresas enfrentam restrições na sua capacidade de contrair empréstimos, independentemente de estarem dispostos a pagar a taxa de juros vigente.
- Normalmente a microfundamentação é baseada em imperfeições de informação no mercado de crédito.
- Tomaremos isso como dado e supor que a firma só pode pegar empréstimo até um nível κ :

$$B_t \leq \kappa$$

Fricções Financeiras

- Considere o problema mais simples possível: função de produção só com capital, depreciação total ($\delta = 1$) e firma só pode financiar o investimento com dívida.
- O problema da firma no segundo período (o primeiro é irrelevante) fica:

$$D_{t+1} = \max_{K_{t+1}} A_{t+1}F(K_{t+1}) - (1+r)B_t \quad \text{e} \quad K_{t+1} = I_t = B_t \leq \kappa$$

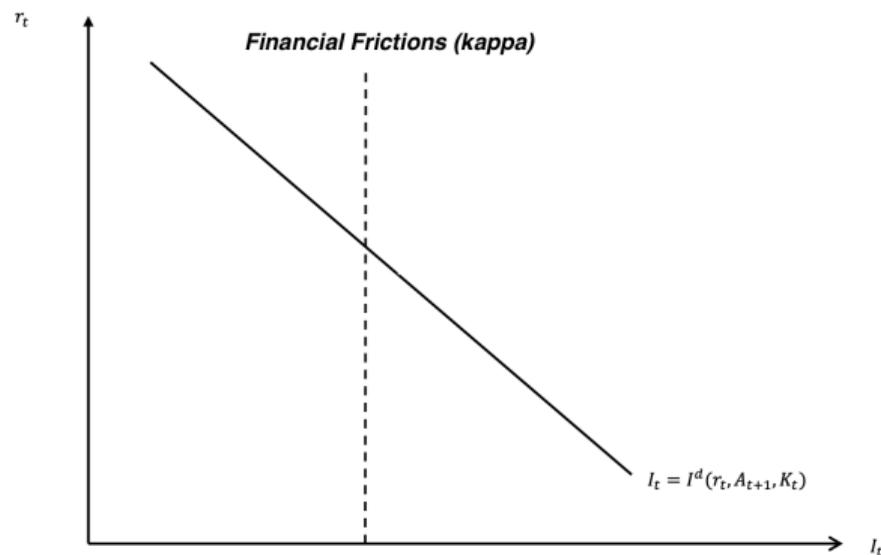
- Se a restrição não estiver ativa, a solução do problema é usual:

$$A_{t+1}F_K(I_t) = (1+r)$$

- A depender dos parâmetros, a restrição fica ativa: $I_t = \kappa$. Nesse caso, a firma só consegue investir até o nível máximo de dívida que os bancos emprestam.

Fricções Financeiras

Figura: Demanda por Investimento com Fricções Financeiras



- Demanda por investimento:
$$I_t = \min\{\mathcal{I}^d(r, A_{t+1}, K_{t+1}), \kappa\}.$$
- Gráficamente a função é dado pela curva decrescente até a curva pontilhada.
- Em uma crise no setor financeiro κ pode cair, restringindo o investimento e portanto o PIB.

Tobin's Q

- James Tobin (Nobel 1981) argumenta que se capital de uma empresa excedesse o seu custo de reposição, o capital teria mais valor “na empresa” que “fora da empresa”.
- Formalmente, o **Tobin's Q** é:

$$Q = \frac{\text{Market Value}}{\text{Book Value}}$$

- ▶ **Market value:** valor de mercado (do capital dentro) da empresa.
 - ▶ **Book value:** investimento acumulado (menos depreciação). Custo de reposição do capital (fora da empresa).
- Se $Q > 1$ vale a pena comprar capital e construir “uma réplica” da empresa (i.e., investir). Se $Q < 1$, melhor vender o capital da empresa (i.e., não investir).

Tobin's Q

- Vamos encontrar o Tobin's Q no nosso modelo. Considere o modelo sem trabalho, mas dessa vez iremos colocar a restrição de investimento diretamente no Lagrangeano (em vez de substituí-la):

$$\begin{aligned}\mathcal{L}(K_{t+1}, I_t) = & A_t F(K_t) - I_t + q_t (I_t + (1 - \delta)K_t - K_{t+1}) + \dots \\ & \dots \frac{1}{1+r} [A_{t+1} F(K_{t+1}) - I_{t+1} + q_{t+1} (I_{t+1} + (1 - \delta)K_{t+1} - K_{t+2})]\end{aligned}$$

- Onde q_t é o multiplicador de Lagrange para a restrição de investimento.

Tobin's Q

- Vamos encontrar o Tobin's Q no nosso modelo. Considere o modelo sem trabalho, mas dessa vez iremos colocar a restrição de investimento diretamente no Lagrangeano (em vez de substituí-la):

$$\begin{aligned}\mathcal{L}(K_{t+1}, I_t) = & A_t F(K_t) - I_t + q_t(I_t + (1 - \delta)K_t - K_{t+1}) + \dots \\ & \dots \frac{1}{1+r} [A_{t+1} F(K_{t+1}) - I_{t+1} + q_{t+1}(I_{t+1} + (1 - \delta)K_{t+1} - K_{t+2})]\end{aligned}$$

- Onde q_t é o multiplicador de Lagrange para a restrição de investimento. As cpo c/ respeito a I_t e K_{t+1} :

$$\frac{\partial V}{\partial I} = q_t - 1 = 0 \quad \text{e} \quad q_t = \frac{1}{1+r} [A_{t+1} F_K(K_{t+1}) + q_{t+1}(1 - \delta)]$$

Tobin's Q

- O Tobin's Q relevante é o marginal (e não a média): **Marginal Q** $\equiv \frac{\partial \text{Market Value}}{\partial \text{Investment}}$.
- O multiplicador q representa exatamente isso: é o impacto de uma unidade adicional de investimento no valor da firma.
- Outra interpretação: q é o **preço sombra do investimento**. Note que o preço do capital adicional tem que ser igual ao retorno marginal de mais capital (mais o seu valor de revenda amanhã).

$$q_t = \frac{1}{1+r} [A_{t+1} F_K(K_{t+1}) + q_{t+1}(1-\delta)]$$

- Por outro lado temos que: $q_t = 1$. O preço do capital em termos do bem final é igual a um em todos períodos, o que não faz muito sentido no mundo real.

Custo de Ajuste

- Uma solução para esse problema é supor que a firma tem um custo para ajustar seu capital.
- Existem muitas funções possíveis. Vamos supor uma função quadrática:

$$\Psi(I, K) = \frac{\psi I^2}{2 K} \quad \text{e} \quad \frac{\partial \Psi(I, K)}{\partial I} = \psi \frac{I}{K}$$

- Quanto maior ψ , maior o custo de ajuste.
- O custo é proporcional ao capital, ajustes pequenos são “baratos” mas ajustes grandes saem bem caros para firma.

Custo de Ajuste

- Incluindo o custo de ajuste, o problema da firma fica:

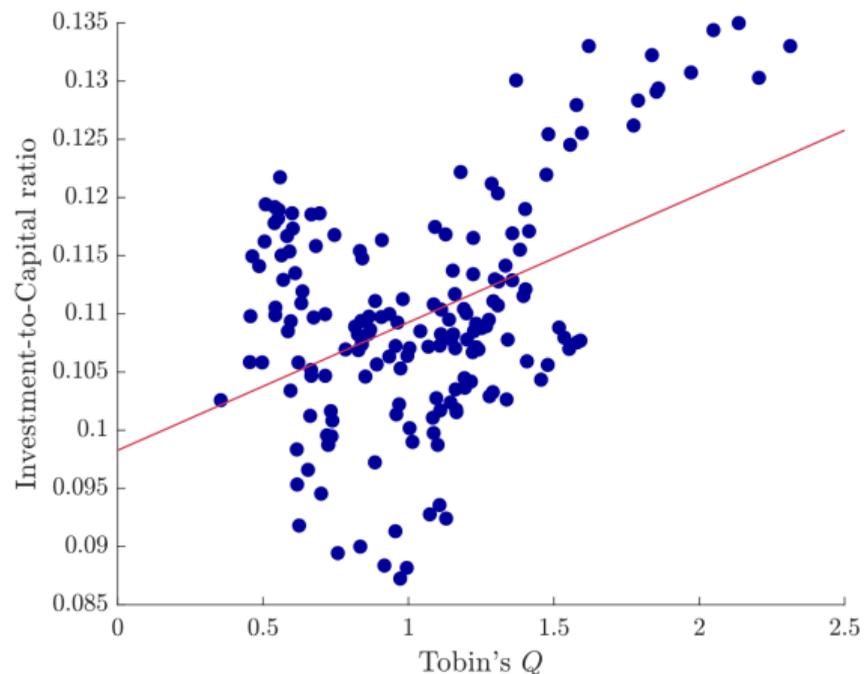
$$\begin{aligned}\mathcal{L}(K_{t+1}, I_t) = & A_t F(K_t) - I_t - \Psi(I_t, K_t) + q_t(I_t + (1 - \delta)K_t - K_{t+1}) + \dots \\ & \dots \frac{1}{1+r} [A_{t+1} F(K_{t+1}) - I_{t+1} - \Psi(I_{t+1}, K_{t+1}) + q_{t+1}(I_{t+1} + (1 - \delta)K_{t+1} - K_{t+2})]\end{aligned}$$

- A c.p.o com respeito a I_t fica:

$$q_t = 1 + \psi \frac{I_t}{K_t} \quad \Leftrightarrow \quad \frac{I_t}{K_t} = \frac{1}{\psi} (q_t - 1)$$

- A razão investimento-capital depende do preço sombra do capital, q . Isso ajuda a suavizar o modelo de investimento, e trazê-lo mais próximo aos dados.

Tobin's Q com Custo de Ajuste



Fonte: Andrei et al (2019), via Kurlat.