

# Macroeconomia Microfundamentada

## Oferta de Trabalho e Decisão por Lazer

Tomás R. Martinez

INSPER

# Referências

---

- Kurlat: Cap. 7
- Garín, Leste, and Sims: Cap. 12 (parte 12.2)

- O mercado de trabalho é um dos principais indicadores sobre a situação macroeconômica.
- Quando a economia está aquecida, firmas demandam mais trabalhadores para produzir mais.
- Salários ficam mais altos incentivando trabalhadores a procurar emprego.
- Por outro lado, o mercado de trabalho é alvo de diferentes tipos de políticas públicas.
- Se o governo der uma renda básica universal as pessoas vão parar de trabalhar?

# Medindo o Mercado de Trabalho

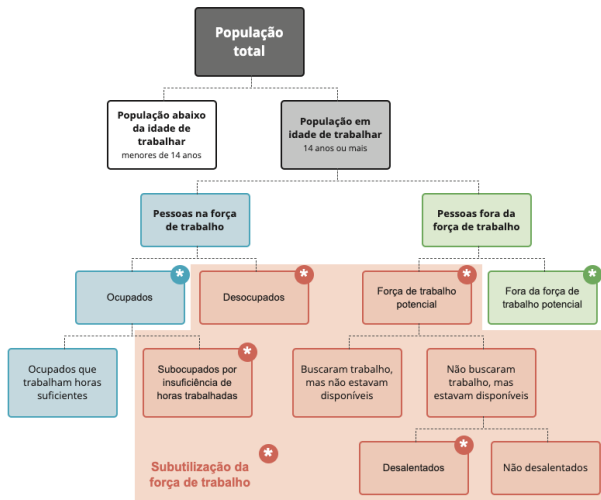
---

## Definições gerais:

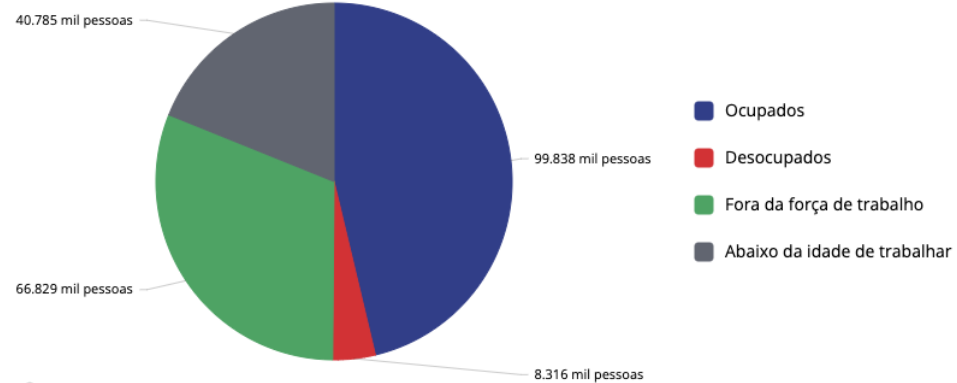
- **Empregados (ou ocupados):** Trabalharam na semana de referência da pesquisa.
  - ▶ Incluem formais, informais, empregadores, e trabalhadores familiares sem remuneração.
- **Desempregados (desocupados):** Não trabalharam na semana de referência da pesquisa, mas procuraram emprego.
- **Fora da força de trabalho:** Não procuraram trabalho na semana de referência.
  - ▶ Estudantes, aposentados, trabalhadores do lar, mas também desalentados (gostariam de trabalhar, mas desistiram de procurar).

**Força de trabalho:** Empregados + desempregados.

# Definições do IBGE

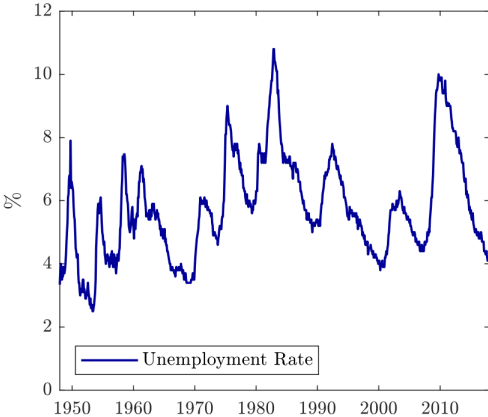
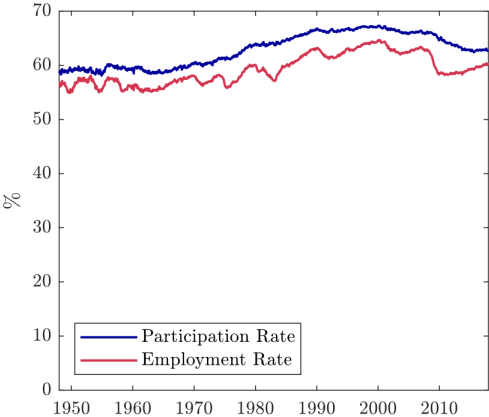


# Brasil: terceiro trimestre 2023



Fonte: [IBGE](#)

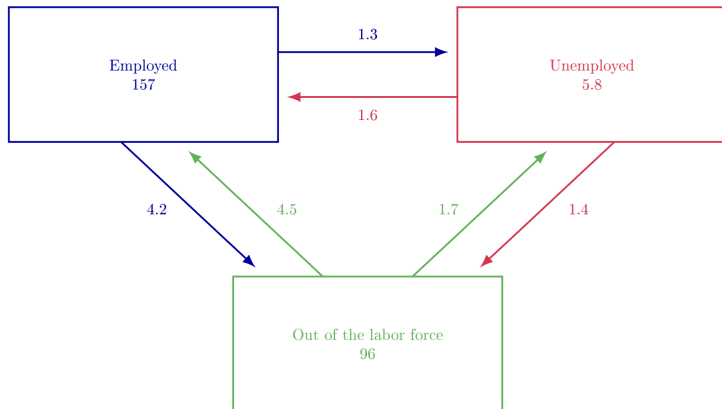
# Indicadores do Mercado de Trabalho: EUA



Fonte: Current Population Survey (via Kurlat). Participation rate = Labor Force/Population.

# Fluxos e Estoques: EUA

Figura: Fluxos e estoques da condição do trabalhador. Números em milhões. EUA (2018)



Fonte: Current Population Survey (via Kurlat).



# Um Modelo Estático do Mercado de Trabalho

---

- Iremos utilizar um modelo simples do mercado de trabalho, onde o indivíduo escolhe o consumo e o lazer.
- **Trade-off**: Para consumir ele precisa trabalhar, reduzindo sua quantidade de lazer.
- Note que é um modelo “Neoclássico”: todos que querem trabalhar, irão conseguir.
- Mesmo sendo estilizado, o modelo nos diz muito sobre a **oferta de trabalho** da economia.

# Um Modelo Estático do Mercado de Trabalho

---

- A utilidade o indivíduo depende do consumo,  $c$ , e do lazer,  $l$ :

$$U(c, l) = u(c) + v(l)$$

$u$  e  $v$  são funções utilidades crescentes e côncavas:  $u'(c), v'(l) > 0$  e  $u''(c), v''(l) < 0$ .

- O indivíduo tem uma unidade de “tempo” que pode ser usado trabalhando ( $L$ ) ou com lazer ( $l$ ):

$$l + N = 1$$

# Um Modelo Estático do Mercado de Trabalho

---

- A utilidade o indivíduo depende do consumo,  $c$ , e do lazer,  $l$ :

$$U(c, l) = u(c) + v(l)$$

$u$  e  $v$  são funções utilidades crescentes e côncavas:  $u'(c), v'(l) > 0$  e  $u''(c), v''(l) < 0$ .

- O indivíduo tem uma unidade de “tempo” que pode ser usado trabalhando ( $L$ ) ou com lazer ( $l$ ):

$$l + N = 1$$

- É muito comum escrever a utilidade como “desutilidade” do trabalho:

$$U(c, L) = u(c) - z(N)$$

onde  $-z(N) = v(1 - N)$ . As utilidades são equivalentes.

# Um Modelo Estático do Mercado de Trabalho

---

- O indivíduo recebe salário  $w$  por unidade ofertada de trabalho. A restrição orçamentária é

$$c = wN \quad \Leftrightarrow \quad c = w(1 - l)$$

- O problema do indivíduo:

$$\begin{aligned} \max_{c,l} \quad & u(c) + v(l) \\ \text{s.à.} \quad & c = w(1 - l) \end{aligned}$$

- Podemos interpretar literalmente e o indivíduo está escolhendo a quantidade horas de trabalho (tipo um Uber).
- De forma mais ampla, a decisão trabalho-lazer pode envolver trabalho de tempo parcial, trabalhos mais estressantes, quantas pessoas de uma família irão trabalhar no mercado, etc.

# Um Modelo Estático do Mercado de Trabalho

---

- Lagrangeano do problema

$$\mathcal{L}(c, l, \lambda) = u(c) + v(l) + \lambda[w(1 - l) - c]$$

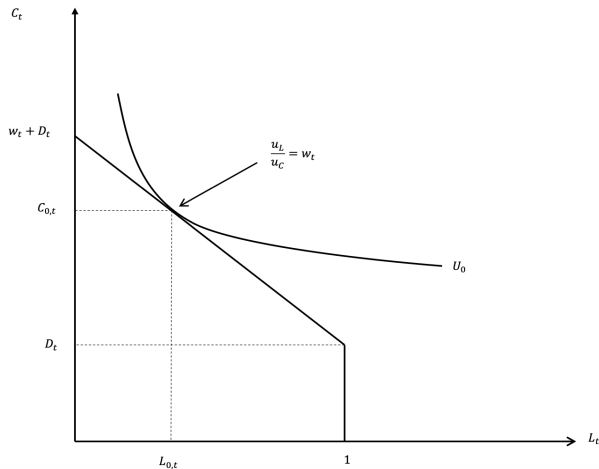
- Condições de primeira ordem:

$$u'(c) = \lambda \quad \text{e} \quad v'(l) = \lambda w \quad \Rightarrow \quad \underbrace{\frac{v'(l)}{u'(c)}} = w$$

Eq. da oferta de trabalho

- A equação representa o trade-off entre trabalho-lazer e determina a **oferta de trabalho** do indivíduo.
  - ▶ Se ele aloca uma unidade de tempo no lazer, ele aumenta sua utilidade por lazer.
  - ▶ Se ele aloca uma unidade de tempo no trabalho, ele recebe  $w$  e aumenta seu consumo.
  - ▶ Na margem, o indivíduo está indiferente entre as duas alternativas.

# Decisão Ótima de Consumo-Lazer



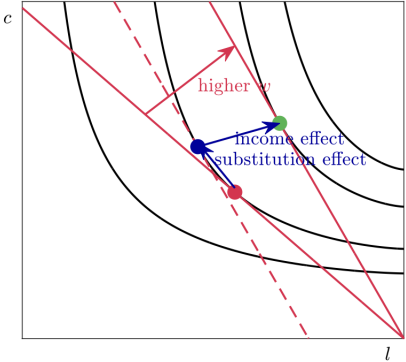
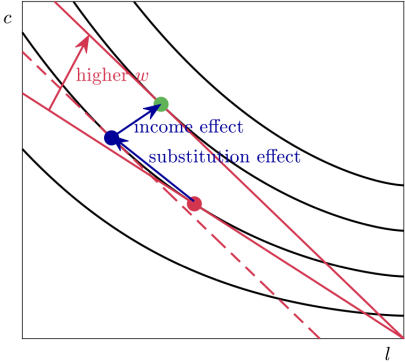
Fonte: GLS. Eles assumem  $D > 0$  como uma renda extra e exógena (i.e.,  $c = wN + D$ ).

# Mudanças no Salário

---

- O salário  $w$  é o “preço” do lazer, já que é o quanto você abre mão por uma unidade de tempo livre.
- O que acontece quando o salário aumenta? Assim como qualquer preço, temos efeito renda e substituição.
  - ▶ **Substituição:**  $\uparrow w$  faz com que o tempo fique mais caro  $\Rightarrow$  o trabalhador troca lazer por mais trabalho (e consumo).
  - ▶ **Renda:**  $\uparrow w$  traz um efeito renda, que faz que trabalhador queira mais consumo e lazer.
- Aumento de  $w$  sempre aumenta  $c$ , mas tem um efeito ambíguo sobre o lazer. Vamos supor que o efeito substituição domine e o lazer diminua.
- Graficamente, mudanças em  $w$  alteram a inclinação da restrição orçamentária.

# Mudanças no Salário



Fonte: Kurlat.



## Exemplo Numérico

---

- Suponha as seguintes funções utilidades:

$$u(c) = \frac{c^{1-\sigma}}{1-\sigma} \quad \text{e} \quad v(l) = -\theta \frac{(1-l)^{1+\epsilon}}{1+\epsilon}$$

- Substituindo na equação de oferta de trabalho:

$$\frac{\theta(1-l)^\epsilon}{c^{-\sigma}} = w$$

- Usando a restrição orçamentária e re-arrumando:

$$\frac{\theta(1-l)^\epsilon}{(w(1-l))^{-\sigma}} = w \quad \Rightarrow \quad N = 1-l = \theta^{-\frac{1}{\epsilon+\sigma}} w^{\frac{1-\sigma}{\epsilon+\sigma}}$$

## Exemplo Numérico

---

- O efeito de  $w$  em  $N$  (e em  $l$ ) depende dos parâmetros  $\sigma$  e  $\epsilon$ .

$$N = 1 - l = \theta^{-\frac{1}{\epsilon+\sigma}} w^{\frac{1-\sigma}{\epsilon+\sigma}}$$

- Lembre-se que  $\sigma$  controla quão rápido a utilidade marginal cai com uma unidade extra de consumo.
  - ▶ Se  $\sigma < 1$ , o indivíduo irá trabalhar mais se o salário aumentar (efeito substituição domina).
  - ▶ Se  $\sigma > 1$ , o indivíduo irá trabalhar menos se o salário diminuir (efeito renda domina).
- $\epsilon$  controla a força do efeito.

## Exemplos e Extensões

# Impostos e Transferências

---

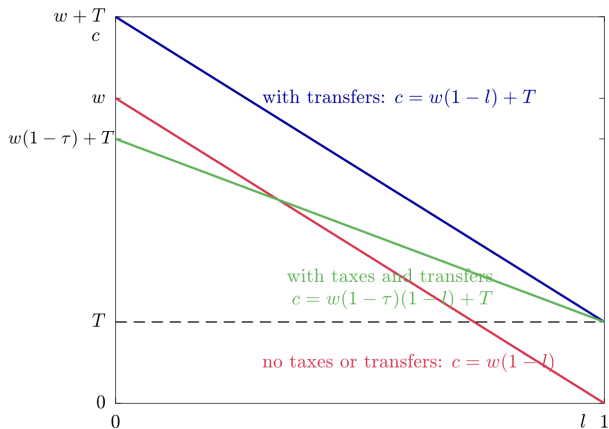
- Como o indivíduo reage se o imposto de renda aumentar? E se o governo der renda básica universal?
- Considere duas classes de impostos e transferências:
  - ▶  $T$  é uma transferência unilateral, ou seja, um tipo de renda básica ou assistência social.
  - ▶  $\tau$  é a taxa do imposto de renda. Vamos assumir que ele é linear, mas na realidade ele tende a ser progressivo.
- A restrição orçamentária agora fica:

$$c = w(1 - l)(1 - \tau) + T$$

- A equação de oferta do trabalho agora depende do salário *líquido de imposto*:

$$\frac{v'(l)}{u'(c)} = w(1 - \tau)$$

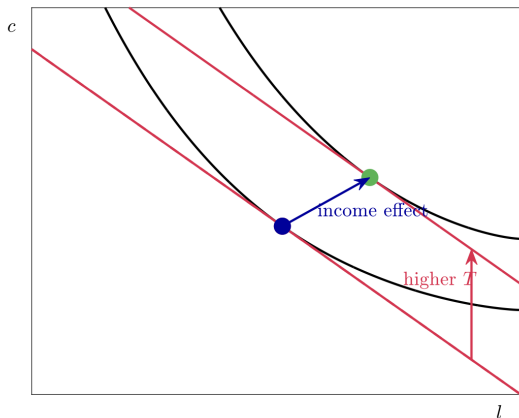
# Impostos e Transferências



Fonte: Kurlat.

- $\tau$  muda a inclinação da curva.
- $T$  desloca a curva para cima.

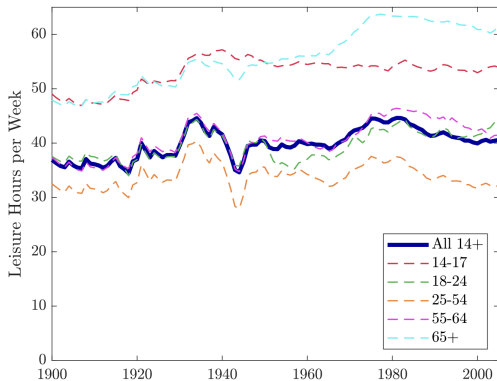
# Impostos e Transferências



Fonte: Kurlat.

- $T$  apenas tem efeito renda ( $w$  não muda).
- $\tau$  gera efeito renda e substituição.
- Assim como nas mudanças em  $w$ , qual domina depende dos parâmetros.

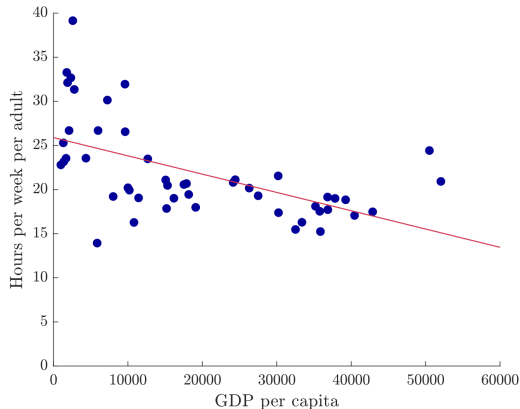
# Evidência: EUA no tempo



Fonte: Ramey and Francis (2009) via Kurlat.

- Nos EUA, a renda aumentou.
- Mas a quantidade de horas de lazer ficou relativamente constante.
- Efeito renda e substituição se anulam (talvez renda domine levemente).

# Evidência: Diferença entre Países

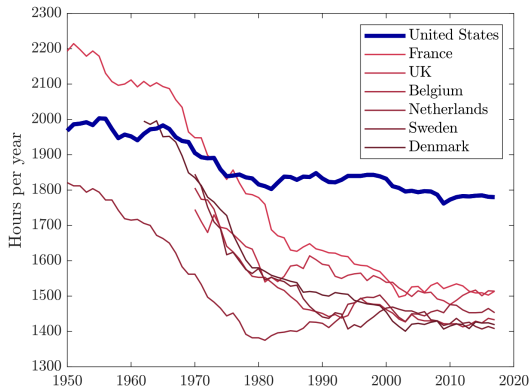


- Entre países, a renda aumenta mas a quantidade de horas trabalhadas diminui levemente.
- Talvez efeito renda domine, mas a evidência não é tão forte.

Fonte: Bick et al (2018) via Kurlat.



# Evidência: Horas trabalhadas EUA vs Europa



Fonte: OCDE via Kurlat.

- Trabalha-se na média muito mais nos EUA que na Europa.
- Não foi sempre assim. A diferença aumentou ao longo do tempo.
- Ed. Prescott (2004) argumenta que as diferenças de imposto explicam essas diferenças.
- Blanchard coloca a explicação em outros fatores.

# Modelo Dinâmico de Dois Períodos

---

- Vamos estudar o efeito de poupar juntamente com a de trabalhar.
- O problema da família em 2 períodos:

$$\begin{aligned} \max_{c_1, l_1, c_2, l_2} \quad & u(c_1) + v(l_1) + \beta[u(c_2) + v(l_2)] \\ \text{s.à.} \quad & c_1 + \frac{c_2}{1+r} = w_1(1-l_1) + \frac{w_2(1-l_2)}{1+r} \end{aligned}$$

- ▶ A renda do período  $t$  é  $w_t N_t = w_t(1-l_t)$ .
- Lagrangeano do problema

$$\mathcal{L} = u(c_1) + v(l_1) + \beta[u(c_2) + v(l_2)] + \lambda \left[ w_1(1-l_1) + \frac{w_2(1-l_2)}{1+r} - c_1 - \frac{c_2}{1+r} \right]$$

# Modelo Dinâmico de Dois Períodos

---

- As condições de primeira ordem:

$$u'(c_1) = \lambda, \quad v'(l_1) = \lambda w_1, \quad \beta u'(c_2) = \lambda \frac{1}{1+r}, \quad \beta v'(l_2) = \lambda \frac{w_2}{1+r}.$$

- Substituindo

$$u'(c_1) = \beta(1+r)u'(c_2) \quad \text{e} \quad \frac{v'(l_t)}{u'(c_t)} = w_t \quad \text{para } t = 1, 2.$$

- Vemos que a equação de euler é **intertemporal** e a de oferta de trabalho **intratemporal**.
- A intuição é a mesma dos problemas anteriores, o que ganhamos ao incluir os problemas conjuntamente?

## Modelo Dinâmico de Dois Períodos

---

- Note que agora existe **substituição intertemporal do trabalho**. Substituindo as equações de oferta de trabalho na EE:

$$\frac{v'(l_1)}{w_1} = \beta(1+r) \frac{v'(l_2)}{w_2}$$

- Suponha  $v'(l) = \theta(1-l)^\epsilon$  e  $\beta(1+r) = 1$  (para simplificar). Temos que:

$$\frac{\theta(1-l_1)^\epsilon}{w_1} = \frac{\theta(1-l_2)^\epsilon}{w_2} \Leftrightarrow \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^\epsilon = \frac{w_1}{w_2}$$

- O que acontece se os salários aumentarem temporariamente (i.e.,  $w_1$  aumenta mas  $w_2$  não)? E se a  $w_1$  e  $w_2$  aumentarem na mesma proporção?

# Substituição Intertemporal do Trabalho

---

- Se  $w_1$  aumentar e  $w_2$  não aumentar (aumento temporário), a família responde aumentando sua oferta de trabalho  $N_1$ .
- Por outro lado, um aumento permanente de  $w_1$  e  $w_2$  não gera uma resposta forte da oferta de trabalho. Por que?
- Um aumento permanente dos salários, aumenta a **renda permanente** do trabalhador e se traduz em uma resposta mais forte de  $c_1$ .
- O aumento forte de  $c_1$  contrabalança o efeito do salário na equação da oferta de trabalho:  $\frac{v'(l_1)}{u'(c_1)} = w_1$ .
- Exemplo do Uber: tarifa dinâmica atrai mais motoristas porque é algo temporário!